

2015학년도 1학기

# 수학전공 Colloquium

제 목

숫자의 신비와 타원 곡선

연 사

김병두 (연세대학교)

초

타원 곡선 (elliptic curves)은 자주 연구되는 정수론의 주제 중 하나이며, 그것이 갖고 있는 깊은 성질을 알아내기 위해 수학자들은 많은 노력을 하고 있다.

비교적 알기 쉬운 한 예를 들어 보자.

1952년, 독일 East Berlin의 한 gymnasium의 교사였던 Kurt Heegner는 한 편의 수학 논문 (Diophantische analysis und modulfunktionen. Math Zeitschrift 56 (1952), 227-253)을 발표한다. 이 논문에서 그는 놀라운 주장을 하는데, 이 주장은 다음과 같다. 변들의 길

이가 유리수인 직사각형의 넓이를 congruence number라고 한다. 어떤 정수  $m$ 이 congruence number가 될 지 물을 수 있다. Heegner는 이 논문에서 숫자  $p$ 가 8로 나누었을 때 나머지가 5나 7이면  $p$ 가

록

congruence number이고, 나머지가 3이나 7이면  $2p$ 가 congruence number임을 밝혔고, 나아가 Gauss' class number problem을 증명했다. 그의 증명은 어떤 특정 타원 곡선의 해를 (Weber가 발견한 modular function들의 놀라운 관계에 따라) 구하는 과정으로 이해할 수 있다.

이 발표에서 우리는 Heegner의 증명을 통해서 타원 곡선을 연구하는 다양한 방법들에 대해 알아보도록 한다.

일 시

5월 21일 목요일 오후 5시

장 소

5동102