

_____ **1** $z_1 = 1 + i\sqrt{3}$, $z_2 = \sqrt{3} - i$ 일 때, $z_1 z_2$ 와 $\frac{z_1}{z_2}$ 를 $a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) 형태로 나타내시오.

_____ **2** 복소수 $\left(\frac{1-i}{1+i}\right)^{2022}$ 를 $a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) 형태로 나타내시오.

_____ **3** 다음 값을 구하시오.

(a) $\left| (1+i)(\sqrt{3}+i)(1-i\sqrt{3}) \right|$

(b) $\left| \frac{(1-i)(\sqrt{3}+i)}{(1-i\sqrt{3})} \right|$

_____ **4** z, ω 가 복소수일 때, 다음 항등식을 증명하시오.

(a) $\operatorname{Re} z = \frac{z + \bar{z}}{2}$ 이고 $\operatorname{Im} z = \frac{z - \bar{z}}{2i}$

(b) $\operatorname{Re} \bar{z} = \operatorname{Re} z$ 이고 $\operatorname{Im} \bar{z} = -\operatorname{Im} z$

(c) $c \in \mathbb{R}$ 이면 $\operatorname{Re}(cz) = c \operatorname{Re} z$ 이고 $\operatorname{Im}(cz) = c \operatorname{Im} z$

(d) $\operatorname{Re}(iz) = -\operatorname{Im} z$ 이고 $\operatorname{Im}(iz) = \operatorname{Re} z$

(e) $\operatorname{Re}(z + \omega) = \operatorname{Re} z + \operatorname{Re} \omega$ 이고 $\operatorname{Im}(z + \omega) = \operatorname{Im} z + \operatorname{Im} \omega$

_____ **5** $\alpha \in \mathbb{C}$ 가 상수라 하자. 복소수 z 가 $|z| = 1$ 을 만족하면 $|z - \alpha| = |1 - \bar{\alpha}z|$ 임을 보이시오.

(힌트: $|z - \alpha|^2 - |1 - \bar{\alpha}z|^2$ 계산)

_____ **6** $\alpha = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$)가 상수라 하자. 다음 등식을 만족하는 복소수 $z = x + iy$ ($x, y \in \mathbb{R}$)의 집합이 어떤 도형인지 설명하시오.

$$|z - \alpha| = r \quad (r \text{은 양의 상수})$$

_____ **7** 복소수 z_1, z_2 가 다음 부등식을 만족함을 보이시오. 필요하다면 정리 9.1.9의 삼각부 등식을 사용하시오.

$$||z_1| - |z_2|| \leq |z_1 - z_2|$$